T-61.5020 Luonnollisten kielten tilastollinen käsittely

Harjoitus 6, ke 28.2.2007, 12:15–14:00 — Samankaltaisuusmitat
Versio 1.1

1. Kevätflunssaa odotellessa Teemu T. Teekkari testaili flunssalääkkeitä. Kokeiltavana olivat Tintus-yskänlääke, Koskisen Korvalääke ja Otaniemen Termiitti. Kutakin lääkettä tarkkaan maistellessaan hän samalla kuvaili makutuntemuksiaan. Paikalla ollut virallinen tarkkailija kirjasi 5 valitun adjektiivin kohdalta ylös, kuinka usein Teemu lääkettä kuvaillessaan käytti tätä adjektiivia.

	raikas	hapokas	makea	hedelmäinen	pehmeä
Tintus	0	0	5	1	4
Korvalääke	10	6	2	1	0
Termiitti	1	4	3	3	3

Taulukko 1: Dokumentti-sana -matriisi

Laske kunkin lääkkeen etäisyydet toisistaan käyttäen kaikkia allalistattuja mittoja:

a) Euklidinen etäisyys (L_2-normi)

b) L_1-normi

c) Kosini

d) Informaatiosäde

Miksi Kullback-Leibler -divergenssin käyttö olisi epäkäytännöllistä tässä tehtävässä?

2. Tarkastellaan seuraavia mittoja

a) Kullback-Leibler -divergenssi

b) Informaatiosäde

c) L_1-normi

Jos yhden mitan mukainen etäisyys on pienin mahdollinen, tarkoittaako se, että myös muiden mittojen mukaan etäisyys on pienin mahdollinen?

3. Tarkastellaan edelleen toisessa tehtävässä annettuja mittoja. Etsi kullekin mitalle jakaumat, jotka antavat suurimman mahdollisen etäisyyden. *Vinkki: Informaatiosäteelle suurin mahdollinen etäisyys on* $2 \log 2$.